

## Równania wyższych rzędów

**4.1** Rozwiązać równania przez sprowadzenie ich do równań pierwszego rzędu.

- a)  $y''(x^2 + 1) = 2xy'$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 3$
- b)  $(x + 1)y'' + x(y')^2 = y'$   $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 2$
- c)  $2y'' = e^y$   $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 1$
- d)  $3y'y'' = 2y$   $y(0) = y'(0) = 1$

**4.2** Rozwiązać jednorodne równania liniowe.

- a)  $y'' - 5y' - 6y = 0$
- b)  $y'' + 4y' + 4y = 0$
- c)  $y'' + 4y' + 5y = 0$
- d)  $y''' - 6y'' + 12y' - 8y = 0$
- e)  $y^{(4)} + 10y'' + 9y = 0$
- f)  $y^{(4)} - y = 0$
- g)  $y^{(4)} + y = 0$
- h)  $y^{(4)} - y' = 0$
- i)  $y^{(5)} - 3y^{(4)} + 3y''' - y'' = 0$
- j)  $y^{(4)} + 4y'' = 0$
- k)  $y^{(4)} = 2y'' + y = 0$
- l)  $y^{(4)} + 2y'' - 8y' + 5y = 0$