

## Szeregi

**6.1** Za pomocą kryterium porównawczego zbadać zbieżność szeregów

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 4}{n^3 + n}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n + 1}{n^2 \sqrt{n + 3}}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \sin \frac{1}{n^2}$

**6.2** Za pomocą kryterium d'Alemberta zbadać zbieżność szeregów

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! 4^n}{n^n}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{(n+1)^4}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n)! 3^n}{n^{2n}}$

**6.3** Za pomocą kryterium Cauchy'ego zbadać zbieżność szeregów

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n(5^n + 2)}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + 1}{3^n + 4^n}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^{n^2}}$

**6.4** Zbadać zbieżność szeregów naprzemiennych

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n+1}{n^2 + 3}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\ln n}{n^2}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+2}$

**6.5** Zbadać, które z szeregów są zbieżne warunkowo, a które bezwzględnie

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{\sqrt{(n+3)} + \sqrt{n}}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\ln n}{n^2}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n+2}$

**6.6** Za pomocą kryterium całkowego zbadać zbieżność szeregów

a)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n (\ln(\ln n))}$

b)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^2 n}$

c)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt{\ln n}}$

**6.7** Zbadać zbieżność szeregów

a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n + 3^n}$

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n+1)^n}{n^{2n}}$

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-2)^{2n}}{n^n}$

d)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} - 1}$

e)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n^2 - 1}}{n^3 + 2n^2 + 5}$

f)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 2^{n-1}}{(-5)^n}$

g)  $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 e^{-n^3}$

h)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin \frac{1}{n}}{\sqrt{n}}$

i)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+5}{(5)^n}$